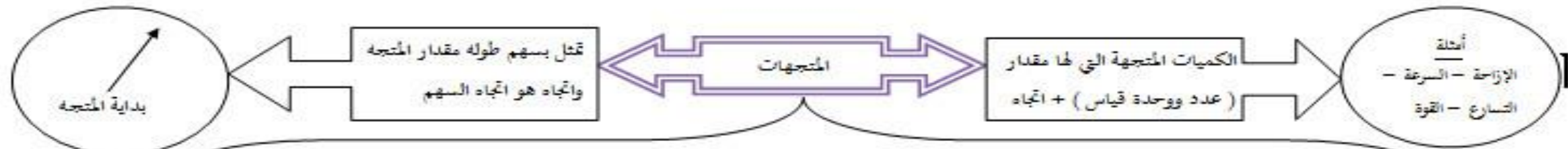


خرائط مفاهيمية لدرس المتجهات



تحليل المتجه

يعني الحصول على مركبتين متعامدة أحدهما باتجاه  $x$  والثانية باتجاه  $y$

**المركبة  $y$**   
وهي في اتجاه المحور  $y$

القانون  
 $A_y = A \sin \theta$

**المركبة  $x$**   
وهي في اتجاه المحور  $x$

القانون  
 $A_x = A \cos \theta$

**طريقة تحليل المتجه بالرسم**

- ترسم المحورين  $x$  و  $y$  بحيث نقطة الأصل هي بداية المتجه
- ترسم  $A_x$  على محور  $x$  من نقطة الأصل وتنتهي عند مسقط عمود نهاية المتجه  $A$
- ترسم  $A_y$  على محور  $y$  من نقطة الأصل وتنتهي عند مسقط العمود

الزاوية  $\theta$  هي الزاوية بين المتجه ومحور  $x$  الموجب  $\theta$

ارسمي المركبات

جمع المتجهات

يعني الحصول على المحصلة (نتيج الجمع) بطرق معينة حسب اتجاه المتجهات

المتجهين في بعدين

إذا كانت الزاوية بينهما  $90^\circ$  (أي زاوية حادة أو منفرجة) نستخدم قانون جيب التمام

$R^2 = A^2 + B^2 - 2AB \cos \theta$

(مهم الزاوية  $\theta$  هي الزاوية بين المتجهين عندما تكون متتالية أي المتجه الأول ونهاية تكون بداية المتجه الثاني (طريقة الرسم))

إذا كانت الزاوية بينهما  $90^\circ =$  أي قائمة (متجهين متعامدة) نستخدم نظرية فيثاغورس

$R^2 = A^2 + B^2$

المحصلة

المتجهين في بعد واحد:

إذا كان المتجهين في نفس الاتجاه نجمع واتجاه المحصلة بنفس اتجاه المتجهين

المحصلة

إذا كان المتجهين متعاكسة نطرح واتجاه المحصلة باتجاه الأكبر

المحصلة

**طريقة الرسم**

ترسم المتجه الأول ثم من نهاية الأول ترسم المتجه الثاني مع المحافظة على طول واتجاهه

المحصلة من نقطة البداية إلى نقطة النهاية



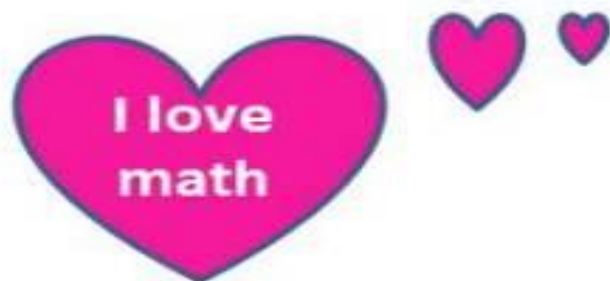
اتجاه الوحدة لمحور  $x$   $i=(1,0,0)$   
 اتجاه الوحدة لمحور  $y$   $j=(0,1,0)$   
 اتجاه الوحدة لمحور  $z$   $k=(0,0,1)$



تمثل النقطة في الفضاء  
 بثلاثيات مرتبة من  
 الاعداد الحقيقية  
 $(x,y,z)$  ولتعيين هذه  
 النقطة اعين اولاً  
 النقطة  $(x,y)$  ثم احرك  
 لاعلى او لاسفل موازياً  
 لمحور  $z$  بحسب  
 المسافة المتجهة التي  
 يمثلها  $z$

صيغة نقطة المنتصف:  
 $M(x_1+x_2/2, y_1+y_2/2, z_1+z_2/2)$   
 صيغة الصورة الاحداثية:  
 $(x_2-x_1, y_2-y_1, z_2-z_1)$

المتجهات في  
 الفضاء  
 الثلاثي الابعاد



العمليات على المتجهات

ضرب متجه في عدد حقيقي:  
 $Ka=(ka_1, ka_2, ka_3)$

طرح متجهين:  
 $A-b=(a_1-b_1, a_2-b_2, a_3-b_3)$

جمع متجهين:  
 $A+b=(a_1+b_1, a_2+b_2, a_3+b_3)$