

تم تحميل وعرض المادة من :



موقع واجباتي
www.wajibati.net

موقع واجباتي منصة تعليمية تساهم بنشر حل المناهج الدراسية بشكل متميز لترتقي بمجال التعليم على الإنترنت ويستطيع الطلاب تصفح حلول الكتب مباشرة لجميع المراحل التعليمية المختلفة

رياضيات	المادة						
ثالث متوسط	الصف						
٤٠	الدرجة						
ساعتين ونصف	الزمن						
(الفصل الدراسي الثاني) ١٤٤٢ هـ - ١٤٤٣ هـ							
رقم الجلوس							
	المصحح	الدرجة كتابة	الدرجة رقماً	٤س	٣س	٢س	١س
	المراجع	فقط					

"اللهم اشرح لي صدري ويسر لي أمري وأحلل العقدة من لساني ليفقهوا قولِي، باسم الله الفتح اللهم لاسهل إلا ما جعلته سهلاً وأن تجعل الحزن إن شئت سهلاً "



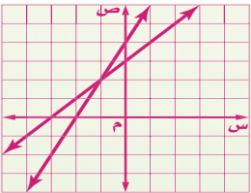
السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة :

١/ يسمى النظام الذي له عدد لانتهائي من الحلول .

(أ) متسق وغير مستقل	(ب) متسق ومستقل	(ج) غير متسق	(د) جميع ما سبق
---------------------	-----------------	--------------	-----------------

٢/ أفضل طريقة لحل النظام : م = ب - ٧ ، ٧ = ب - ١١ .

(أ) التعويض	(ب) الحذف بالطرح	(ج) الحذف بالضرب	(د) الحذف بالجمع
-------------	------------------	------------------	------------------



٣/ حل النظام الممثل في الشكل المقابل هو:

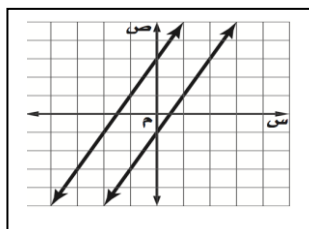
(أ) (٣، ٠)	(ب) (١، -٢)	(ج) (٢، -١)	(د) (٢، -٠)
------------	-------------	-------------	-------------

٤/ عددان مجموعهما ١٠ والفرق بينهما ٦ ماهما هذان العددان ؟

(أ) ٣، ٧	(ب) ٢، ١٠	(ج) ٤، ٦	(د) ٨، ٢
----------	-----------	----------	----------

٥/ عند حل النظام بالحذف بالجمع لإيجاد قيمة المتغير ص : ٣س + ص = ١ ، ٣س - ص = ٧ .

(أ) ص = -٣	(ب) ص = ٣	(ج) ص = ١	(د) ص = ٤
------------	-----------	-----------	-----------



٦/ أي المصطلحات الآتية يصف نظام المعادلتين الممثل بيانياً؟

(أ) متسق ومستقل	(ب) متسق وغير مستقل	(ج) غير متسق	(د) غير ذلك
-----------------	---------------------	--------------	-------------

١٧ / اي العبارات الاتية ليست وحيدة حد .

(أ) ٢س ص	(ب) س + ٤	(ج) ٢٠	(د) ل
----------	-----------	--------	-------

١٨ / على افتراض أن المقام لا يساوي صفرًا ، تبسط العبارة على الصورة : $\frac{\text{س}^3 \text{ص}^4}{\text{س}^2 \text{ص}}$

(أ) س ص ^٣	(ب) س ^٢ ص ^٢	(ج) س ص	(د) س ^٥ ص ^٥
----------------------	-----------------------------------	---------	-----------------------------------

١٩ / بسط العبارة ص^٥ × ص^٣

(أ) ص ^٢	(ب) ص ^٨	(ج) ص ^{١٥}	(د) ٢ص ^٢
--------------------	--------------------	---------------------	---------------------

١٠ / الصورة القياسية لكثيرة الحدود س^٤ + ٤س^٣ - ٧س^٥ + ١ هي :

(أ) ١ + ٤س ^٣ + س ^٥ - ٧س ^٤	(ب) ٧س ^٥ - ٤س ^٣ + س ^٤	(ج) ٧س ^٥ + س ^٤ + ٤س ^٣ + ١	(د) س ^٤ + ٤س ^٣ - ٧س ^٥ + ١
--	--	--	--

١١ / على افتراض أن المقام لا يساوي صفرًا ، تبسط العبارة على الصورة : $\left(\frac{٢٠٥ \text{ن}^٣ \text{ج}^٩ \text{ه}^٦}{٢٠٥ \text{ن}^٤ \text{ج}^٧ \text{ه}^٣} \right)$

(أ) ٢ ن ج ه ^٢	(ب) غير معرف	(ج) صفر	(د) ١
--------------------------	--------------	---------	-------

١٢ / تبسيط العبارة : (س^٥)^٤ هو :

(أ) س ^{٦٢٥}	(ب) س	(ج) س ^٩	(د) س ^{٢٠}
----------------------	-------	--------------------	---------------------

١٣ / الـ (ق . م . أ) لوحيدتي الحد ٤ أ^٧ ب ، ٢٦ أ^٢ ب^٣ هو :

(أ) ٤ أ ب	(ب) ٢ أ ^٢ ب ^٣	(ج) ٢ أ ^٢ ب	(د) ٤ أ ب
-----------	-------------------------------------	------------------------	-----------

١٤ / باستعمال تجميع الحدود تحلل كثيرة الحدود ١٢ أس + ٣ س ق + ٤ أ ص + ص ق على الصورة :

(أ) (٣ + أ ق)(٤ س + ص)	(ب) (٤ + أ ق)(٣ س + ص)	(ج) (٤ + أ ص)(٣ س + ق)	(د) (٤ + أ ق)(٣ س + ص)
------------------------	------------------------	------------------------	------------------------

١٥ / تحليل ثلاثية الحدود التالية أ^٢ + ١٧ - ٣٠ هو

(أ) (٣ - أ)(١٠ + أ)	(ب) (٣ + أ)(٧ + أ)	(ج) (٣ - س)(٧ + س)	(د) (٥ - س)(٦ - س)
---------------------	--------------------	--------------------	--------------------

١٦/ تحليل و حيدة الحد ١٨ م ٢ ن تحليلًا تامًا هو :

(أ) $٦ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٢$	(ب) $٢ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٢ \times ٣$	(ج) $٢ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٢$	(د) $٢ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٢$
--	---	--	--

١٧/ باستعمال خاصية التوزيع يمكن تحليل كثيرة الحدود $٣٠ م ل + ١٢ م^٢ ل - ٦ ل$ على الصورة :

(أ) $م ل (٣٠ + ل + م - ٦)$	(ب) $٦ ل (٥ م ل + م^٢ - ١)$	(ج) $٦ ل (٥ م ل + م^٢ - ١)$	(د) $٦ ل (٥ م ل + م^٢ - ١)$
----------------------------	-----------------------------	-----------------------------	-----------------------------

١٨/ ناتج $(٥ + س)^٢$ يساوي :

(أ) $٢٥ + ٥س + ٥س$	(ب) $٢٥ - ١٠س - ٢س$	(ج) $٢٥ + ٢س$	(د) $٢٥ + ١٠س + ٢س$
--------------------	---------------------	---------------	---------------------

١٩/ باستعمال خاصية التوزيع يمكن كتابة العبارة $(٣ ن - ٢ ن + ٢)$ على الصورة :

(أ) $٣ ن - ٢ ن + ٢$	(ب) $٣ ن + ٢ ن - ٢$	(ج) $٢ ن + ٢$	(د) $٣ ن - ٢ ن + ٢$
---------------------	---------------------	---------------	---------------------

٢٠/ تبسيط العبارة : $(-٤ ر س ن^٢) (-٦ ر^٥ س ن)$ هو :

(أ) $٢٤ ر^٥ س ن^٢$	(ب) $٢٤ ر^٦ س ن^٤$	(ج) $-٢٤ ر^٦ س ن^٤$	(د) $٢٤ ر^٥ س ن^٤$
--------------------	--------------------	---------------------	--------------------

١٢

السؤال الثاني: ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

الرقم	العبارة	(×، ✓)
١	أفضل طريقة لحل النظام : $٢س + ٣ص = ٢٣$ ، $٤س + ٢ص = ٣٤$ باستعمال الحذف بالضرب .	
٢	من الطرق لحل النظام : $٢س + ٤ص = ٧$ ، $٧س - ٨ص = ٣$ هو ضرب المعادلة الأولى في ٣	
٣	عدد حلول النظام المتسق والمستقل : (حل واحد).	
٤	عدد حلول النظام : $٢س - ١ص = ١$ ، $٤س - ٢ص = ٦$ هو : (عدد لانهائي من الحلول).	
٥	المعامل الرئيس لكثيرة الحدود : $٨ - ٢س + ٤س - ٣س$ هو ٤ .	
٦	درجة كثيرة الحدود لكثيرة الحدود : $٩س - ١٢س + ٤ب + ٩$ هي ٩ .	
٧	ناتج الضرب : $س(س) = س$.	
٨	ناتج الضرب : $ص(ص^{-١}) = صفر$	
٩	كثيرة الحدود $٣ص - ٨ص - ٣$ هي كثيرة حدود أولية .	

١٠	يعتبر $٢ \times ١٩ \times أ \times أ \times ب$ تحليلًا تامًا لوحيدة الحد - $٣٨ أ^٢ ب$.
١١	كثيرة الحدود : هي حيدة حد أو مجموع من وحيدات حد .
١٢	درجة الثابت غير الصفر هي (واحد)

٤

السؤال الثالث: ضع الرقم المناسب من العامود (أ) بما يناسبه في العامود (ب).

الرقم	(أ)	الرقم	(ب)
١	وحيدة حد		$٥س^٢ - ٣س + ٤$
٢	ثلاثية حدود		$٥ م^٢ ن^٢ + ٦$
٣	ثنائية حد		$٢ص - ٥ + ٣ص^٢$
٤	أولية		$٣س^٢$

٤

السؤال الرابع: أجب عن كلاً مما يلي

ب/ حلل كثيرة الحدود : $٢س^٢ - ٣س - ٩$

$$\left. \begin{array}{l} \text{أ/ حل النظام} \\ \text{ص} + \text{س} = ٤ \\ \text{ص} - \text{س} = ٨ \end{array} \right\}$$

انتهت الأسئلة

رياضيات	المادة
ثالث متوسط	الصف
٤٠	الدرجة
ساعتين ونصف	الزمن
(الفصل الدراسي الثاني) ١٤٤٢ هـ - ١٤٤٣ هـ	
رقم الجلوس	
المصحح	
المراجع	

نموذج اجابة

الاسم:

١ س	٢ س	٣ س	٤ س	الدرجة رقماً	الدرجة كتابة	المصحح
						المراجع

" اللهم اشرح لي صدري ويسر لي أمري وأحلل العقدة من لساني ليفقهوا قولِي، باسم الله الفتح اللهم لاسهل إلا ما جعلته سهلاً وأن تجعل الحزن إن شئت سهلاً "

٢٠
٢٠

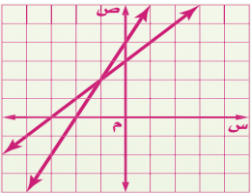
السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة :

١/ يسمى النظام الذي له عدد لانتهائي من الحلول .

(أ) متسق وغير مستقل	(ب) متسق ومستقل	(ج) غير متسق	(د) جميع ما سبق
---------------------	-----------------	--------------	-----------------

٢/ أفضل طريقة لحل النظام : م = ب - ٧ ، م - ب = ١١ .

(أ) التعويض	(ب) الحذف بالطرح	(ج) الحذف بالضرب	(د) الحذف بالجمع
-------------	------------------	------------------	------------------



٣/ حل النظام الممثل في الشكل المقابل هو:

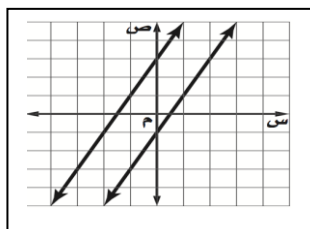
(أ) (٣، ٠)	(ب) (١، -٢)	(ج) (-١، ٢)	(د) (٢، -٠)
------------	-------------	-------------	-------------

٤/ عدنان مجموعهما ١٠ والفرق بينهما ٦ ماهما هذان العدنان ؟

(أ) ٣، ٧	(ب) ٢، ١٠	(ج) ٤، ٦	(د) ٨، ٢
----------	-----------	----------	----------

٥/ عند حل النظام بالحذف بالجمع لإيجاد قيمة المتغير ص : ٣س + ص = ١ ، ٣س - ص = ٧ .

(أ) ص = -٣	(ب) ص = ٣	(ج) ص = ١	(د) ص = ٤
------------	-----------	-----------	-----------



٦/ أي المصطلحات الآتية يصف نظام المعادلتين الممثل بيانياً؟

(أ) متسق ومستقل	(ب) متسق وغير مستقل	(ج) غير متسق	(د) غير ذلك
-----------------	---------------------	--------------	-------------

١٧ / اي العبارات الاتية ليست وحيدة حد .

(أ) ٢س ص	(ب) س + ٤	(ج) ٢٠	(د) ل
----------	-----------	--------	-------

١٨ / على افتراض أن المقام لا يساوي صفرًا ، تبسط العبارة على الصورة : $\frac{\text{س}^3 \text{ص}^4}{\text{س}^2 \text{ص}}$

(أ) س ص ^٣	(ب) س ^٢ ص ^٢	(ج) س ص	(د) س ^٣ ص ^٥
----------------------	-----------------------------------	---------	-----------------------------------

١٩ / بسط العبارة ص^٥ × ص^٣

(أ) ص ^٢	(ب) ص ^٨	(ج) ص ^{١٥}	(د) ٢ص ^٢
--------------------	--------------------	---------------------	---------------------

١٠ / الصورة القياسية لكثيرة الحدود س^٤ + س^٤ - ٣س^٣ - ٧س^٥ + ١ هي :

(أ) ١ + س ^٣ + س ^٤ - ٧س ^٥	(ب) -٧س ^٥ + س ^٣ + س ^٤ + ١	(ج) -٧س ^٥ + س ^٣ + س ^٤ + ١	(د) س ^٤ + س ^٤ - ٣س ^٣ - ٧س ^٥ + ١
---	--	--	---

١١ / على افتراض أن المقام لا يساوي صفرًا ، تبسط العبارة على الصورة : $\left(\frac{٢٠٥ \text{ن}^٣ \text{ج}^٩ \text{ه}^٦}{٢٠٥ \text{ن}^٤ \text{ج}^٧ \text{ه}^٣} \right)$

(أ) ٢ ن ج ه ^٢	(ب) غير معرف	(ج) صفر	(د) ١
--------------------------	--------------	---------	-------

١٢ / تبسيط العبارة : (س^٥)^٤ هو :

(أ) س ^{٢٠}	(ب) س	(ج) س ^٩	(د) س ^{٢٠}
---------------------	-------	--------------------	---------------------

١٣ / الـ (ق . م . أ) لوحيدتي الحد ٤ أ^٧ ب ، ٢٦ أ^٢ ب^٣ هو :

(أ) ٤ أ ب	(ب) ٢ أ ^٢ ب ^٣	(ج) ٢ أ ^٢ ب	(د) ٤ أ ب
-----------	-------------------------------------	------------------------	-----------

١٤ / باستعمال تجميع الحدود تحلل كثيرة الحدود ١٢ أس + ٣س ق + ٤أ ص + ص ق على الصورة :

(أ) (٣ + أ ق)(٤س + ص)	(ب) (٤ + أ ق)(٣س + ص)	(ج) (٤ + أ ص)(٣س + ق)	(د) (٤ + أ ق)(٣س + ص)
-----------------------	-----------------------	-----------------------	-----------------------

١٥ / تحليل ثلاثية الحدود التالية أ^٢ + ١٧ - ٣٠ هو

(أ) (٣ - أ)(١٠ + أ)	(ب) (٣ + أ)(٧ + أ)	(ج) (٣ - س)(٧ + س)	(د) (٥ - س)(٦ - س)
---------------------	--------------------	--------------------	--------------------

١٦/ تحليل و حيدة الحد ١٨ م ٢ ن تحليلًا تمامًا هو :

(أ) $٦ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٢ \times ٢$	(ب) $٢ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٢ \times ٢$	(ج) $٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢$	(د) $٢ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٣ \times ٢$
---	---	---	--

١٧/ باستعمال خاصية التوزيع يمكن تحليل كثيرة الحدود $٣٠ م ل + ١٢ م^٢ ل - ٦ ل$ على الصورة :

(أ) $م ل (٣٠ + ل + م - ٦)$	(ب) $٦ ل (٥ م ل + م^٢ - ١)$	(ج) $٦ ل (٥ م ل + م^٢ - ١)$	(د) $٦ ل (٥ م ل + م^٢ - ١)$
----------------------------	-----------------------------	-----------------------------	-----------------------------

١٨/ ناتج $(٥ + س)^٢$ يساوي :

(أ) $س^٢ + ٥س + ٢٥$	(ب) $س^٢ - ١٠س - ٢٥$	(ج) $س^٢ + ٢٥$	(د) $س^٢ + ١٠س + ٢٥$
---------------------	----------------------	----------------	----------------------

١٩/ باستعمال خاصية التوزيع يمكن كتابة العبارة $(٣ ن - ٢ ن^٢ + ٢)$ على الصورة :

(أ) $٣ ن - ٢ ن^٢ + ٢$	(ب) $٢ ن - ٣ ن^٢ + ٢$	(ج) $٢ ن^٢ + ٢$	(د) $٢ ن - ٣ ن^٢ + ٢$
-----------------------	-----------------------	-----------------	-----------------------

٢٠/ تبسيط العبارة : $(-٤ رس ن^٢) (-٦ ر^٢ س ن^٢)$ هو :

(أ) $٢٤ ر^٢ س ن^٢$	(ب) $٢٤ ر^٢ س ن^٢$	(ج) $-٢٤ ر^٢ س ن^٢$	(د) $٢٤ ر^٢ س ن^٢$
--------------------	--------------------	---------------------	--------------------

١٢
١٢

السؤال الثاني: ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

الرقم	العبارة	(× ، ✓)
١	أفضل طريقة لحل النظام : $٢س + ٣ص = ٢٣$ ، $٤س + ٢ص = ٣٤$ باستعمال الحذف بالضرب .	✓
٢	من الطرق لحل النظام : $٢س + ٤ص = ٧$ ، $٧س - ٨ص = ٣$ هو ضرب المعادلة الأولى في ٣	×
٣	عدد حلول النظام المتسق والمستقل : (حل واحد).	✓
٤	عدد حلول النظام : $٢س - ٤ص = ١$ ، $٤س - ٢ص = ٦$ هو : (عدد لانهائي من الحلول).	×
٥	المعامل الرئيس لكثيرة الحدود : $٨ - ٢س + ٤س^٢ - ٣س$ هو ٤ .	✓
٦	درجة كثيرة الحدود لكثيرة الحدود : $٩س - ١٢س + ٤ب + ٢ب^٢$ هي ٩ .	×
٧	ناتج الضرب : $س(س) = س$.	✓
٨	ناتج الضرب : $ص(ص^-١) = صفر$	×
٩	كثيرة الحدود $٣ص - ٨ص - ٣$ هي كثيرة حدود أولية .	✓

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- أي الأنظمة الآتية له حل واحد ؟			
أ) $\begin{cases} 3س - ٤ = ص \\ ٦س - ٢ = ص - ٨ \end{cases}$	ب) $\begin{cases} ٢س - ٨ = ص \\ ٤س + ٩ = ص \end{cases}$	ج) $\begin{cases} ٥س + ١ = ص \\ ٤س + ١٠ = ص \end{cases}$	د) $\begin{cases} ١ = ص + س \\ ٣ - ص = س \end{cases}$

٢- اكمل الفراغ التالي :

١- إذا كان $٣م \neq ٣م$ فإن الخطان متقاطعان والنظام متسق ومستقل

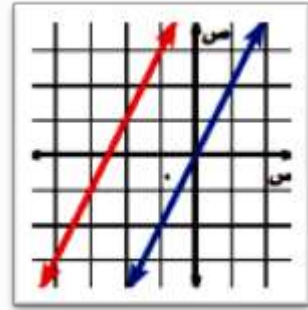
٣- ضع علامة (\checkmark) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (\times) أمام العبارة الخاطئة :

١- إذا كان النظام غير متسق فإن له عدد لانتهائي من الحلول (\times)

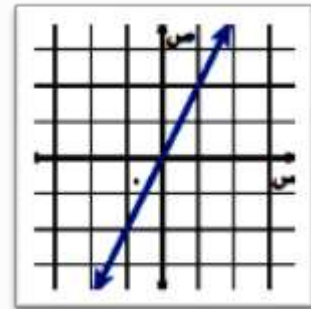
٥- عدد حلول كل نظام إن وجد :

(٢)	(١)
$٣ + ٢س = ص$	$٣ - ٢س = ص$
$٥ + س = ص$	$٣ - ٢س = ص$
حل واحد	لا نهائي

٤- من الرسم نوع كل نظام :



غير متسق

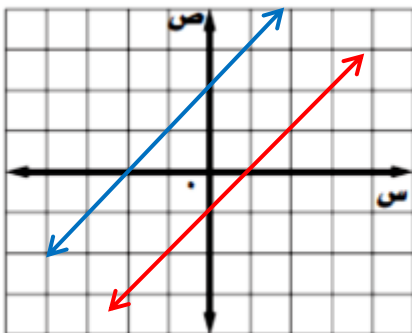


متسق و غير مستقل

٦- مثل النظام بيانيا و أوجد عدد حلوله . وإن كان واحدا

فاكتبه: $١ - س = ص$

$٢ + س = ص$



بما أن للمعادلتين الميل نفسه ومقطعهما الصاديان مختلفان فالمستقيمان الممثلان للمعادلتين متوازيان وبما انهما لا يتقاطعان في أي نقطة فلا يوجد حل للنظام

٥-٢ حل نظام من معادلتين
خطيتين بالتعويض

١- ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (✗) أمام العبارة الخاطئة:

١- للنظام $4س - 3ص = 1$ ، $6ص - 8س = 2$ عدد لانتهائي من الحلول (✓)

٢- حل النظام المكون من المعادلتين $4س = 6 - 5س + 3ص = 1$ هو (٢ ، ١) (✗)

٤- هندسة: إذا كان مجموع قياسي الزاويتين $س$ ، $ص$ يساوي 120° ، وقياس الزاوية $س$ يزيد بمقدار 46° على قياس الزاوية $ص$ ، فأجب عما يأتي:

أ) اكتب نظاما من معادلتين لتمثيل هذا الموقف .

$$س + ص = 120$$

$$س = ص + 46$$

ب) أوجد قياس كل زاوية .

بالتعويض عن $س$ ب ($ص + 46$) في المعادلة الأولى

$$ص + 46 + ص = 120$$

$$2ص + 46 = 120$$

$$2ص = 120 - 46$$

$$2ص = 74$$

$$ص = 37^\circ$$

بالتعويض عن $ص$ في المعادلة الأولى لإيجاد قيمة $س$

$$س + 37 = 120$$

$$س = 120 - 37$$

$$س = 83^\circ$$

٣- حل النظام الآتي مستعملا التعويض

$$4س + ص = 2$$

$$س - ص = 2$$

حل المعادلة الأولى بالنسبة للمتغير $ص$

$$4س + ص = 2 \Rightarrow 4س - 2 = ص$$

$$ص = 4 - 2س$$

عوض عن $ص$ ب ($4 - 2س$) في المعادلة الثانية لإيجاد قيمة $س$

$$س - (4 - 2س) = 2$$

$$س - 4 + 2س = 2$$

$$3س - 4 = 2$$

$$3س = 6$$

أوجد قيمة $ص$ بالتعويض في المعادلة الأولى

$$4س + ص = 2$$

$$4(2) + ص = 2$$

$$ص = 2 - 8$$

مجموعة حل النظام هو (٠ ، ٢)



٣-٥ حل نظام من معادلتين خطيتين
بالحذف باستعمال الجمع أو الطرح

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- عدنان مجموعها ٤١ والفرق بينهما ١١ فما العدد الأكبر؟			
(أ) ٥٢	(ب) ٣٠	(ج) ١٥	(د) ٢٦
٢- حل النظام : $٧ب + ٣م = ٦$ هو : $٦ب - ٣م = ٣١$			
(أ) (٧، ٣-)	(ب) (٥، ٣-)	(ج) (٣-، ٢٥)	(د) (٥، ٧)

٢- اكمل الفراغ التالي :

١- إذا كان $٢س + ٣ص = ٣$ ، $٢س + ٥ص = ٥$ فإن قيمة $ص = ٢$

٣ - حل الأنظمة الآتية مستعملا الحذف .

(٢) $٦س - ٢ص = ١$

$١٠س - ٢ص = ٥$

اطرح المعادلتين /

$٦س - ٢ص = ١$

$١٠س - ٢ص = ٥$

$٤س = ٤$ (قسمة الطرفين على -٤)

$س = ١$

عوض عن $س = ١$ في إحدى المعادلتين لإيجاد قيمة $ص$

$٦س - ٢ص = ١$ المعادلة الأولى

$٦(١) - ٢ص = ١$

$٦ - ٢ص = ١$

$٥ = ٢ص$ (قسمة الطرفين على ٢)

$ص = \frac{٥}{٢}$ ← حل النظام هو $(١, \frac{٥}{٢})$

(١) $س + ٥ص = ٥$

$٧س - ٥ص = ٧$

اجمع المعادلتين /

$س + ٥ص = ٥$

$٧س - ٥ص = ٧$

$١٢س = ١٢$ (قسمة الطرفين على ٢)

$س = ٦$

عوض عن $س = ٦$ في إحدى المعادلتين لإيجاد قيمة $ص$

$س + ٥ص = ٥$ المعادلة الأولى

$٦ + ٥ص = ٥$

$٦ - ٥ = ٥ - ٥ص$

$١ = -٥ص$ ← حل النظام هو $(٦, -١)$



٥-٤ حل نظام من معادلتين خطيتين
بالحذف باستعمال الضرب

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- الزوج المرتب الذي يمثل حل النظام الآتي : ٦ س + ٢ ص = ٢ هو : ٤ س + ٣ ص = ٨			
(أ) (٤ ، ١)	(ب) (١ ، ٤)	(ج) (٤ ، ١)	(د) (١ ، ٤)

٢- اكمل الفراغ التالي :

١- إذا كان ٤ س + ٢ ص = ٨ ، ٣ س + ٣ ص = ٩ فإن قيمة س = ١

٤- ما العددان اللذان مثلي أحدهما زائد خمسة أمثال الآخر يساوي خمسة و الفرق بينهما يساوي ستة ؟

نفرض ان العددان هما س ، ص

$$٢ س + ٥ ص = ٥$$

$$٦ = ص - س$$

اضرب المعادلة الثانية في (٢) فيصبح النظام

$$٢ س + ٥ ص = ٥$$

$$- ٢ س - ٢ ص = ١٢$$

$$٧ ص = ٧ \text{ (قسمة الطرفين على ٧)}$$

$$ص = ١$$

ثم التعويض عن ص = ١ في إحدى المعادلتين (باختيار المعادلة الثانية)

$$٦ = (١ -) س$$

$$٦ = ١ + س$$

$$س = ٥$$

العددان هما (٥ ، ١)

٣- حل النظام الآتي مستعملا الحذف .

$$٧ س + ٣ ص = ٢٧$$

$$٢ س - ص = ٤$$

اضرب المعادلة الثانية في (٣) فيصبح النظام

$$٧ س + ٣ ص = ٢٧$$

$$+ ٦ س - ٣ ص = ١٢$$

$$١٣ س = ٣٩ \text{ (قسمة الطرفين على ١٣)}$$

$$س = ٣$$

ثم التعويض عن ص في إحدى المعادلتين (باختيار المعادلة الثانية)

$$٢ (٣) - ص = ٤$$

$$٦ - ص = ٤$$

$$ص = ٦ - ٤$$

$$ص = ٢$$

مجموعة حل النظام هو (٣ ، ٢)



٥-٥ تطبيقات على النظام المكون
من معادلتين خطيتين

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- أفضل طريقة لحل النظام $5س + 6ص = 8$ و $2س + 3ص = 5$ هي :

أ) الحذف بالطرح	ب) الحذف بالتعويض	ج) الحذف بالضرب	د) الحذف بالجمع
-----------------	-------------------	-----------------	-----------------

٢- اكمل الفراغ التالي :

١- أفضل طريقة لحل النظام $4س + 3ص = 3$ و $4س - 1ص = 1$ هي الحذف بالتعويض

٤- تسوق : اشترى عبدالله ٤ كراسيات و ٣ حقائب بمبلغ ١٨١ ريالاً ، و اشترى عبدالرحمن كراسية و حقيبتين بمبلغ ٩٤ ريالاً .

أ) اكتب نظاماً من معادلتين يمكنك استعماله لتمثيل هذا الموقف .

$$\begin{aligned} \text{س} = \text{ثمن الكراسية} , \text{ص} = \text{ثمن الحقيبة} \\ 4س + 3ص = 181 \\ \text{س} + 2ص = 94 \end{aligned}$$

ب) حل النظام .

اضرب المعادلة الثانية في (٤) فيصبح النظام

$$\begin{aligned} 4س + 3ص &= 181 \\ - (4س + 8ص &= 376) \\ \hline \end{aligned}$$

$5ص = 195$ (قسمة الطرفين على -٥)

$$\text{ص} = 39$$

ثم التعويض عن ص في إحدى المعادلتين (باختيار المعادلة الثانية)

$$4س + 2(39) = 94 \rightarrow \text{س} + 70 = 94$$

$$\text{س} = 24$$

ثمن الكراسية = ٢٤ ريالاً و ثمن الحقيبة = ٣٥ ريالاً

٣ - حدد أفضل طريقة لحل النظام الآتي ثم حله :

$$5س + 8ص = 1$$

$$2س + 8ص = -6$$

أفضل طريقة / الحذف باستعمال الطرح

اطرح المعادلتين /

$$5س + 8ص = 1$$

$$- (2س + 8ص = -6)$$

$7ص = 7$ (قسمة الطرفين على ٧)

$$\text{ص} = 1$$

عوض عن ص = ١ في إحدى المعادلتين لإيجاد قيمة س

$$5س + 8(1) = 1$$

$$5س + 8 = 1$$

$$5س - 1 = 5 - 1$$

$8ص = 4$ (قسمة الطرفين على ٨)

$$\text{ص} = \frac{1}{2} \quad \text{حل النظام هو } (1, \frac{1}{2})$$



اختبر نفسك
ضرب وحيدات الحد

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- أي مما يلي لا يعتبر وحيدة حد :

(أ) $\frac{س ص ع}{٢}$	(ب) $\frac{م ف ٢-}{ن}$	(ج) $٢٣أب ج د٢$	(د) $٣س٢ ص٣ ك٢$
٢- تبسيط العبارة $(٣ن٦) (٢ن٢) =$			
(أ) $١٢ ن١٠$	(ب) $٨ ن١٠$	(ج) $٨ ن٤$	(د) $١٢ ن٣$

٢- اكمل الفراغات التالية :

١- إذا كان طول مستطيل ٢٥ س^٣ . وعرضه ٥ س^٢ فإن مساحته تساوي ١٢٥ س^٥

٢- يسمى العدد أو المتغير أو حاصل ضرب عدد في متغير واحد أو أكثر بأسس صحيحة غير سالبة وحيدة حد

٣- ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (✗) أمام العبارة الخاطئة :

١- عند ضرب قوتين لهما الأساس نفسه تضرب الأسس (✗)

٢- العبارة س - ٢١ وحيدة حد (✗)

٤- بسط كل عبارة مما يأتي:

$$٢ [٢ (٣ ٢)]$$

$$٢ (٣ \times ٢ ٢) =$$

$$٢ (٦ ٢) =$$

$$١٢ ٢ =$$

$$٣ (٢ ف٢ ج٣ ل٢)$$

$$٣ (٢ -) ٣ (٢ ف) ٣ (٣ ج) ٣ (٢ ل) =$$

$$٨ - = ٨ ف٦ ج٩ ل٦$$

$$(٥ م٤ ف) (٧ م٤ ف٣)$$

$$(٧ \times ٥) (م٤ \times م٤) (ف٣ \times ف٣) =$$

$$٣٥ م٨ ف٦ =$$

اختبر نفسك
قسمته وحيدات الحد

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- تبسيط العبارة $= \frac{٢٤ م ن}{٢ م ن}$			
(أ) $\frac{٢ ن}{م}$	(ب) $\frac{٢ م}{ن}$	(ج) $٢ م ن$	(د) $٣ م ن$
٢- تبسيط العبارة $= \frac{ب٤ ج٤ د}{ب٤ ج}$			
(أ) $٢ ب ج$	(ب) $ب٤ ج٤ د$	(ج) $ب٤ د$	(د) $ب٤ ج٤ د$

٢- اكمل الفراغات التالية :

١- تستعمل لمقارنة المقادير و تقدير الحسابات و اجرائها بسرعة و تعبر عن العدد مقربا الى اقرب قوى العشرة
رتبة المقدار

٣- ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة و علامة (*) أمام العبارة الخاطئة :

(✓)

١- عند قسمة قوتين لهما الأساس نفسه تطرح الأسس

(*)

٢- تبسيط العبارة $(٣ س٢ ص) = ٣ س٢ ص$

٤- بسط كل عبارة مما يأتي مفترضا أن المقام لا يساوي صفرا :

$$\begin{aligned} & \left(\frac{٣ س٤}{٤ ص٣} \right)^٣ \\ & = \frac{٣(٣)٣(٤)}{٣(٤)٣(٣)} \\ & = \frac{٦٤ س٩}{٢٧ ص١٢} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \frac{٣ ن٣ - ١ س٥}{٥ ن س} \\ & = (٣ ر) (٣ ن - ١) (١ - ٢) (١ - ٥) \\ & = ٣ ن٣ - ٢ س١٠ \\ & = \frac{٣ ر}{١٠ ن س١٠} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \frac{٢ ن٤ ف٧}{٢ ن٧ ف٢} \\ & = (٢ ن) (٧ - ٧) (٢ - ٢) \\ & = ٢ ن٤ ف٧ \\ & = ٢ ن٧ ف٢ \end{aligned}$$

اختبر نفسك
كثيرات الحدود

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- تصنف كثيرة الحدود ٢ س ^٢ - ٤ س - ٦ على أنها :			
أ) وحيدة حد	ب) ثنائية حد	ج) ثلاثية حدود	د) غير ذلك
٢- درجة وحيدة الحد ٢ د ^٥ ب ^٣ هي :			
أ) الثالثة	ب) الخامسة	ج) الثامنة	د) الثانية

٢- ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (*) أمام العبارة الخاطئة :

١- درجة كثيرة الحدود ٤ س^٥ + ٥ س - ٣ من الدرجة الثالثة (*)

٣- صل من العمود الأول بما يناسبه من العمود الثاني :

كثيرة الحدود	مجموع أسس كل متغيراتها
درجة وحيدة الحد	أكبر درجة لأي حد من حدودها
درجة كثيرة الحدود	هي وحيدة حد أو مجموع وحيدات حد

٤- اكتب كثيرة الحدود فيما يأتي بالصورة القياسية، وحدد المعامل الرئيس فيها :

$$- ٣ س^٢ + ٣ س + ٣ س$$

الصورة القياسية هي :

$$٣ س^٢ - ٣ س + ٣ س + ٣$$

المعامل الرئيس هو ٣

اختبر نفسك
جمع كثيرات الحدود و طرحها

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

$$١- \text{ ناتج } (٢ص - ٥) - (٣ص + ١) =$$

(أ) ٥ ص + ٦	(ب) ٤ ص -	(ج) ٦ ص -	(د) ٤ ص -
-------------	-----------	-----------	-----------

٢- ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (*) أمام العبارة الخاطئة:

١- يتم جمع كثيرتي حدود بجمع الحدود المتشابهة (✓)

٣- أوجد ناتج مايلي :

$$\begin{aligned} & (٣ص - ٢ص + ٢ص) + (٣ص - ٢ص + ٢ص) \\ & = [(٣ص - ٢ص + ٢ص) + (٣ص - ٢ص + ٢ص)] + (٣ص - ٢ص + ٢ص) \\ & = ٣ص - ٢ص + ٢ص + ٣ص - ٢ص + ٢ص + ٣ص - ٢ص + ٢ص \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & (٨ص - ١٠ص + ٥ص) - (٧ص - ١٢ص + ٢ص) \\ & = (٨ص - ١٠ص + ٥ص) + (-٧ص + ١٢ص - ٢ص) \\ & = [(٨ص - ١٠ص + ٥ص) + (-٧ص + ١٢ص - ٢ص)] + (-٧ص + ١٢ص - ٢ص) \\ & = -٤ص - ١٧ص + ٦ص \end{aligned}$$

٤- اكتشف الخطأ: يجد كل من تامر و سلطان ناتج: (٢ ص - ٢ ص) - (٣ ص + ٣ ص - ٢ ص). فأيهما كانت إجابته صحيحة؟ فسر إجابتك.

سلطان

$$\begin{aligned} & (٢ ص - ٢ ص) - (٣ ص + ٣ ص - ٢ ص) \\ & = (٢ ص - ٢ ص) + (-٣ ص - ٣ ص + ٢ ص) \\ & = -٢ ص - ٤ ص \end{aligned}$$

تامر

$$\begin{aligned} & (٢ ص - ٢ ص) - (٣ ص + ٣ ص - ٢ ص) \\ & = (٢ ص - ٢ ص) + (-٣ ص - ٣ ص + ٢ ص) \\ & = ٥ ص - ٢ ص - ٤ ص \end{aligned}$$

كلاهما إجابته خطأ، فلم يجد أي منهما النظير الجمعي بشكل صحيح. إذ إن جميع حدود كثيرة الحدود التي تلي عملية الطرح يجب أن تضرب في -١



اختبر نفسك
ضرب كثيرات الحدود

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- ناتج $(2س + 3)(س + 5) =$

أ) $2س^2 + 8س + 15$	ب) $س^2 + 7س + 15$	ج) $2س^2 + 13س + 15$	د) $2س^2 + 13س + 8$
---------------------	--------------------	----------------------	---------------------

٢- ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (✗) أمام العبارة الخاطئة :

- ١- تستعمل طريقة التوزيع بالترتيب في ضرب ثنائتي حد (✓)
- ٢- العبارة التربيعية هي عبارة ذات متغير واحد من الدرجة الثالثة (✗)

٣- أوجد ناتج الضرب في كل مما يأتي:

$$(4س^2 - 3)(4س^2 + 7س + 2)$$

$$\begin{aligned} &= 4س^2(4س^2 + 7س + 2) - 3(4س^2 + 7س + 2) \\ &= 16س^4 + 28س^3 + 8س^2 - 12س^2 - 21س - 6 \\ &= 16س^4 + 28س^3 - 4س^2 - 21س - 6 \end{aligned}$$

$$(4م - 3)(2 + م)$$

$$\begin{aligned} &= 4م(2 + م) - 3(2 + م) \\ &= 8م + 4م^2 - 6 - 3م \\ &= 4م^2 + 5م - 6 \end{aligned}$$

يحيط ممر عرضه س بحديقة مستطيلة الشكل طولها ٨ أمتار . و عرضها ٦ أمتار . أكتب عبارة تمثل المساحة الكلية للحديقة و الممر .

$$\begin{aligned} \text{المساحة الكلية} &= (س + 2س) (س + 6س) \\ &= (2س + 8) (س + 6س) \\ &= 4س^2 + 12س + 16س + 48 \\ &= 4س^2 + 28س + 48 \end{aligned}$$

اختبر نفسك

حالات خاصة من ضرب كثيرات الحدود

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- ناتج $(٦ص - ٣) = ٢$

(أ) $٣٦ص + ١٨ص - ٩$ (ب) $٣٦ص - ٢ص + ٩$ (ج) $٣٦ص - ٢ص - ٩$ (د) $٣٦ص - ١٨ص - ٩$

٢- مربع طول ضلعه ص وحدة إذا نقص طول كل ضلع ٩ وحدات فإن العبارة التي تمثل مساحة المربع الجديد هي :

(أ) $٨١ - ٢ص$ (ب) $١٨ - ٢ص$ (ج) $١٨ - ٢ص + ١٨$ (د) $٨١ + ٢ص - ١٨$

٢ - أوجد ناتج مايلي :

(٥س - ٢ص) ٢

$$= (٥س) (٥س) - ٢(٥س) (٢ص) + (٢ص) (٢ص)$$

$$= ٢٥س - ٢٠ص + ٤ص$$

(٥ + ص) ٢

$$= (٥س) (٥س) + (٥س) (٢ص) + (٢ص) (٢ص)$$

$$= ٢٥س + ٢٠ص + ٤ص$$

(٢ - ٣س) (٢ + ٣س)

$$= (٣س) (٢) - (٢) (٢)$$

$$= ٦س - ٤$$

٣- حدد العبارة المختلفة عن العبارات الثلاث الأخرى فيما يأتي :

(د + ج) (د + ج)

(د + ج ٢) (د + ج ٢)

(د - ج ٢) (د + ج ٢)

(د - ج ٢) (د - ج ٢)

(د + ج ٢) (د - ج ٢) لأن ناتج الضرب لا يحتوي على حد أوسط بينما الحدود الثلاثة الأخرى تحتوي على حد أوسط



اختبر نفسك تحليل وحيدات الحد

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- ق.م.١ لوحيدتا الحد ه ب ، ١٥ أ ب ^٢			
أ) ٣ ب	ب) ١٥ أ ب	ج) ٥ أ ب	د) ٥ ب
٢- التحليل التام للعبارة ٦ س ^٢ ص ^٢ هو :			
أ) ٢ × ٣ × س × س × ص	ب) ٦ × س × ص	ج) ٦ × س × س × ص	د) ٢ × ٣ × س × ص

٢- ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (✗) أمام العبارة الخاطئة :

١- القاسم المشترك الأكبر لعددين أو أكثر هو اصغر عدد يكون عاملا لكل من هذه الأعداد (✗)

٢- تكون وحيدة الحد بالصيغة التحليلية اذا عبر عنها بحاصل ضرب أعداد أولية و متغيرات بأس ١ (✓)

٣- حل كل وحيدة حد فيما يأتي تحليلا تاما :

$$١٢ س ٢ ص ٤$$

$$= ٢ × ٢ × ٣ × س × س × ص × ص × ص × ص$$

$$-٣٨ ر ب ٢ ن ٢$$

$$= -١ × ٢ × ١٩ × ب × ب × ن × ن × ن$$

٤- أوجد (ق.م.أ) لكل زوج من وحيدات الحد الآتية :

$$٢٤ م ٢ د ، ٤٨ م ٢ د$$

$$٢٤ م ٢ د = ٢ × ٢ × ٣ × ٣ × ٢ × ٢ × م × م × د × د$$

$$٤٨ م ٢ د = ٢ × ٢ × ٢ × ٣ × ٣ × ٢ × ٢ × م × م × د × د$$

(ق.م.أ) لوحيدتي الحد هو ٢٤ م د

٥- ما أكبر قيمة يمكن أن
تمثل العرض المشترك لكل
من المستطيلين اللذين
مساحتهما ١٥ سم^٢، ١٦ سم^٢ .
علما بأن بعدي كل منهما
عددان كليان .

$$١٥ = ٣ × ٥$$

$$١٦ = ٢ × ٢ × ٢ × ٢$$

أكبر قيمة = ١ سم

اختبر نفسك
استعمال خاصية التوزيع

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- تحليل كثيرة الحدود ٥س - ١٠ص هو			
(أ) ٥ص	(ب) ٥ص (س-٢)	(ج) ص (٥س-١٠)	(د) (س-٢)
٢- مجموعة حل المعادلة ٣س (س-١) = ٠ هي :			
(أ) {٠}	(ب) {١، ٠}	(ج) {١، ٠}	(د) {١}

٢- ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة :

١- إذا كان حاصل ضرب عاملين صفرا، فإن أحد العاملين على الأقل يساوي صفرا (✓)

٤- حلل كثيرة الحدود الآتية :

$$ن م + ٢ ن + ٨ م + ١٦$$

$$= (ن م + ٢ ن) + (٨ م + ١٦)$$

جمع الحدود ذات العوامل المشتركة

$$= ن(م + ٢) + ٨(م + ٢)$$

حلل كل تجميع بإخراج (ق.م.أ)

$$= (م + ٢)(ن + ٨)$$

خاصية التوزيع

٣- استعمل خاصية التوزيع لتحليل كثيرة الحدود

$$١٢ل ك + ٦ل ك + ٢ل ك + ٢ك$$

$$١٢ل ك + ٦ل ك + ٢ل ك + ٢ك = ٢ك(٦ل + ٣ل + ٢ل + ١)$$

نضع دائرة حول العوامل المشتركة

$$١٢ل ك + ٦ل ك + ٢ل ك + ٢ك = ٢ك(٦ل + ٣ل + ٢ل + ١)$$

$$(ق.م.أ) = ٢ل ك$$

$$١٢ل ك + ٦ل ك + ٢ل ك + ٢ك = ٢ك(٦ل + ٣ل + ٢ل + ١)$$

أعد كتابة كل حد باستعمال (ق.م.أ)

$$= ٢ل ك(٦ل + ٣ل + ٢ل + ١) + ٢ك(٣ل + ١)$$

$$= ٢ل ك(٦ل + ٣ل + ٢ل + ١) + ٢ك(٣ل + ١)$$

٥- اكتشف الخطأ : يحل كل من حمد وراشد المعادلة ٢م = ٤م . فأيهما إجابته صحيحة؟ فسر إجابتك .

الإجابة

راشد يجب جعل أحد طرفي المعادلة صفرا . ولا يصح القسمة على متغير . لأنه قد تكون قيمة المتغير صفرا

حمد

$$٢م = ٤م$$

$$\frac{٢م}{٢} = \frac{٤م}{٢}$$

$$٢ = ٢م$$

راشد

$$٢م = ٤م$$

$$٠ = ٤م - ٢م$$

$$٠ = (٤ - ٢)م$$

$$٠ = ٢م \text{ أو } ٠ = ٢ - ٢م$$

$$٢ = ٢م \text{ أو } ٠ = ٢م$$

اختبر نفسك

المعادلات التربيعية: $s^2 + b s + c = 0$

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- تحليل كثيرة الحدود $s^2 + 2s - 20 =$			
(أ) $(s+5)(s+4)$	(ب) $(s+4)(s-5)$	(ج) $(s-4)(s+5)$	(د) $(s-4)(s-5)$
٢- إذا كانت مساحة مستطيل طوله $(s+2)$ تساوي $2s - 4$ فإن عرضه يساوي			
(أ) $(s-6)$	(ب) $(s+6)$	(ج) $(s-2)$	(د) $(s-4)$

٣- حل المعادلة الآتية و تحقق من صحة الحل :

$$s^2 + 10s + 9 = 0$$

$$s = (s+9)(s+1) = 0$$

$$s = 9 \text{ , } s = 1$$

$$s = 9 \text{ , } s = 1$$

التحقق من الحل

نعوض عن $s = 9$ في المعادلة الأصلية

$$0 = 9 + (9-1)10 + 2(9-1)$$

$$0 = 9 + 90 - 81$$

نعوض عن $s = 1$ في المعادلة الأصلية

$$0 = 9 + (1-1)10 + 2(1-1)$$

$$0 = 9 + 10 - 1$$

٢- حل كثيرة الحدود :

$$n^2 + 4n - 21 = 0$$

$$n = 3 \text{ , } n = 7$$

مجموع العاملين	عوامل العدد -21
20	-1, 21
4	-3, 7

العاملان الصحيحان هما -3, 7

$$n^2 + 4n - 21 = (n-3)(n+7)$$

٤- اكتشف الخطأ : حل كل من ماجد و خليل العبارة: $s^2 + 6s - 16 = 0$. فأيهما إجابته صحيحة ؟ فسر ذلك .

خليل

$$s^2 + 6s - 16 = (s-2)(s+8)$$

ماجد

$$s^2 + 6s - 16 = (s+2)(s-8)$$

خليل . عند ضرب العاملين اللذين يشكلان إجابة ماجد يكون الناتج $s^2 + 6s - 16$. إلا أن الحد الأوسط يجب أن يكون موجبا

اختبر نفسك

المعادلات التربيعية: أس² + ب س + ج = ٠

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- تحليل كثيرة الحدود ٢س ² + ٥س + ٣ هو :			
(أ) (٣+س)(١+س)	(ب) (١-س)(٣+س)	(ج) (٥-س)(٣-س)	(د) (٣-س)(٢-س)
٢- إذا كان أحد جذري المعادلة ٣س - ٢ = ١٠ + س + ٨ = ٠ هو ٢ فإن الجذر الآخر هو :			
(أ) $\frac{3}{4}$	(ب) $\frac{4}{3}$	(ج) ٣	(د) ٤

٢- أكمل الفراغ التالي:

١- كثيرة الحدود التي لا يمكن كتابتها على صورة ناتج ضرب كثيرتي حدود بمعاملات صحيحة تسمى كثيرة حدود أولية

٣- حل كل كثيرة حدود فيما يأتي و إذا لم يكن ذلك ممكنا باستعمال الأعداد الصحيحة فاكتب أولية :

٥ ص ٢ - ٣ ص + ٤

أ = ٥ ، ب = -٣ ، ج = ٤

عوامل العدد ٢٠	مجموع العوامل
١- ، ٢٠-	٢١-
٤- ، ٥-	٩-
٢- ، ١٠-	١٢-

كثيرة حدود أولية لأنه لا يوجد عاملان مجموعها -٣

٢س² + ٩س + ٩

أ = ٢ ، ب = ٩ ، ج = ٩

عوامل العدد ١٨	مجموع العوامل
٣ ، ٦	٩

٢س² + ٩س + ٩ = ٢س(٣+س) + ٩(٣+س) = (٣+س)(٢س+٩)

٤- اكتشف الخطأ: حل كل من زكريا و سامي المعادلة ٦س² - ٢س = ١٢ . فأيهما إجابته صحيحة؟ فسر ذلك .

الإجابة:

زكريا . أعد كتابة المعادلة للحصول على الصفر في أحد طرفيها . ثم حل وحل باستعمال خاصية الضرب الصفرية .

سامي

$$\begin{aligned} 6س^2 - 2س = 12 \\ 6س(س - 1) = 12 \\ 6س = 12 \text{ أو } 6س - 1 = 12 \\ 6س = 13 \text{ أو } 6س = \frac{13}{6} \end{aligned}$$

زكريا

$$\begin{aligned} 6س^2 - 2س = 12 \\ 6س^2 - 2س - 12 = 0 \\ 6س^2 - 2س - 12 = (3س + 4)(س - 2) \\ 0 = 3س + 4 \text{ أو } 0 = 3س - 2 \\ 3س = -4 \text{ أو } 3س = 2 \\ 3س = -\frac{4}{3} \text{ أو } 3س = \frac{2}{3} \end{aligned}$$

اختبر نفسك

المعادلات التربيعية: الفرق بين مربعين

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- تحليل كثيرة الحدود $٤م^٢ - ٢٥ =$

(د) أولية	(ج) $(٥-٢م)(٥+٢م)$	(ب) $(٥-٢م)(٥+٢م)$	(أ) $(٥+٢م)(٥+٢م)$
-----------	--------------------	--------------------	--------------------

٢- صل من العمود الأول بما يناسبه من العمود الثاني :

$(٣-٢س)(٣+٢س)$	$س٢ - ٩ =$
$(س-٣)(س+٣)$	$س٢ - ٩ =$
$(٩-س)(٩+س)$	$س٢ - ٩ =$
$(٣-س)(٣+س)$	$س٢ - ٨١ =$

٣- حل كل كثيرة حدود فيما يلي : $٢٥ - ٥٠م + ٢٠م^٢ - ٢٥ =$

جمع الحدود ذات العوامل المشتركة	$(٢٥ + ٥٠م) - (٢٠م + ٢٠م^٢) =$
حل كل تجمع	$٢٥(١ + ٢م) - (١ + ٢م)^٢ =$
عامل مشترك	$(١ + ٢م)(٢٥ - ٢م) =$
تحليل الفرق بين مربعين	$(١ + ٢م)(٥ - ٢م)(٥ + ٢م) =$

٤- اكتشف الخطأ: حللت كل من هلا و منى العبارة الآتية فأيهما إجابتها صحيحة؟ فسر ذلك.

منى
١٦ س $٢٥ - ٤س$ ص ٢
$(٤س + ٥) (٤س - ٥) (ص)$

هلا
١٦ س $٢٥ - ٤س$ ص ٢
$(٤س - ٥) (٤س + ٥) (ص)$

منى عند التحقق من إجابة هلا يكون ناتج الضرب $١٦ س - ٢٥ ص$

اختبر نفسك

المعادلات التربيعية: المربعات الكاملة

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- حل المعادلة $s^2 + 12s + 36 = 0$ هي :			
أ - ٢	ب - ٤	ج - ٦	د - ٦

٢- ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (✗) أمام العبارة الخاطئة:

١- كثيرة الحدود $s^2 + 30s + 36$ تُشكل مربع كامل	(✗)
--	-------

٤- حل المعادلة (س - ٤) $= 64$.

$$\sqrt{(s-4)^2} = \sqrt{64}$$

$$s - 4 = \pm 8$$

$$s - 4 = 8 \quad \text{أو} \quad s - 4 = -8$$

$$s + 8 = 4 \quad \text{أو} \quad s + 8 = -4$$

$$s = 12 \quad \text{أو} \quad s = -4$$

الجذران هما ١٢ و -٤

٣- حدد إذا كانت ثلاثية الحدود فيما يلي تشكل مربعا كاملا أم لا , وإذا كانت كذلك فحلها .

$$16s^2 - 56s + 49$$

الحد الأول مربع كامل لأن $16s^2 = (4s)^2$

الحد الأخير مربع كامل لأن $49 = 7^2$

الحد الأوسط $= 2 \times (4s) \times 7 = 56s$

بما أن الشروط الثلاثة متوفرة فإن العبارة

$16s^2 - 56s + 49$ تشكل مربعا كاملا

$$16s^2 - 56s + 49 = (4s - 7)^2$$

$$(4s)^2 - 2 \times (4s) \times 7 + 7^2 =$$

$$(4s - 7)^2$$

٥- أكتشف الخطأ: حلل منصور و فيصل العبارة $s^8 - s^4$. تحليلًا تامًا , فأيهما إجابته صحيحة ؟

فيصل

$$s^8 - s^4 = s^4(s^2 + 1)(s - 1)(s + 1)$$

منصور

$$s^8 - s^4 = s^4(s^2 + 1)(s^2 - 1)$$

فيصل , لم يحلل منصور العبارة تحليلًا تامًا